



# Modélisation de la boue de forage

## Simulation du transport des particules des boues de forage

Malou Thibault



### Introduction

Stage de recherche au sein d'un laboratoire de l'institut de mathématique appliquée et de mécanique de l'université Polytechnique de Saint Petersburg (Russie).

Laboratoire axé sur l'analyse numérique et modélisation mathématique dans les problèmes industriels

### Contexte

Mon travail s'est inscrit dans un projet qui vise à développer une plateforme offshore autonome. Ce projet est d'une certaine complexité pluridisciplinaire. Mes tâches s'inscrivaient dans la continuité du travail d'un autre étudiant.

Ma partie du projet consistait en la modélisation (et l'amélioration des méthodes déjà existantes) de boues utilisées lors des forages et essentiellement lors du processus de sédimentation

### Recherche bibliographique et découverte de la mécanique des fluides multiphasique

La boue appartient à une catégorie de fluide appelée les fluides multiphasique car elle est composée de plusieurs phases : une phase liquide (de l'eau) ainsi que des phases solides (particules de terre).

Etant donné que c'est un domaine complexe qui n'est pas enseigné, mon premier travail a été de faire des recherches bibliographiques afin de m'approprier le sujet.

L'enjeu de la modélisation : trouver la pression, la concentration de chaque phase ainsi que leur vitesse

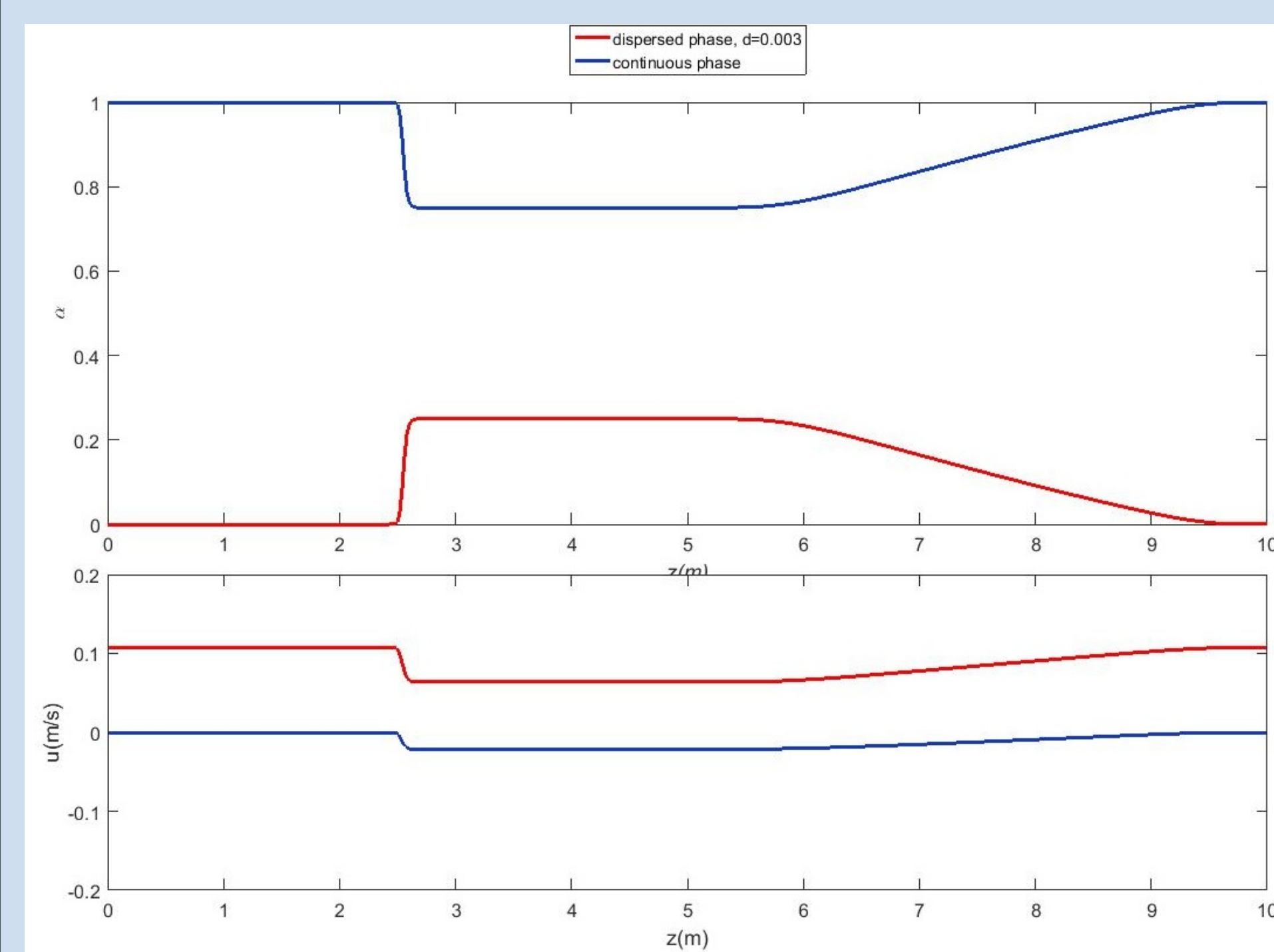
Le jeu d'équation obtenue est le suivant :

$$\begin{cases} \alpha_c + \sum_{k=1}^{n_{dp}} \alpha_{p,k} = 1 \\ \frac{\partial \alpha_{p,k}}{\partial t} + \frac{\partial(\alpha_{p,k} u_{p,k})}{\partial z} = 0 \quad \text{with } k = 1 \dots n_{dp} \\ u_{ck} = \frac{t_k}{f} \frac{\rho_p - \rho_m}{\rho_p} (g - u_m \frac{\partial u_m}{\partial z} - \frac{\partial u_m}{\partial t}) \quad \forall k \in \{1 \dots n_{dp}\} \\ \frac{\partial \rho_m}{\partial t} + \frac{\partial(\rho_m u_m)}{\partial z} = 0 \\ \frac{\partial(\rho_m u_m)}{\partial t} + \frac{\partial(\rho_m u_m^2)}{\partial z} = -\frac{\partial p_m}{\partial z} - \frac{32\mu_m u_m}{D^2} + \frac{\partial}{\partial z} (2\mu_m \frac{\partial u_m}{\partial z}) - \frac{\partial}{\partial z} (\alpha_c \rho_c u_{Mc}^2 + \rho_p \sum_{k=1}^{n_{dp}} \alpha_{p,k} u_{Mk}^2) + \rho_m g \end{cases}$$

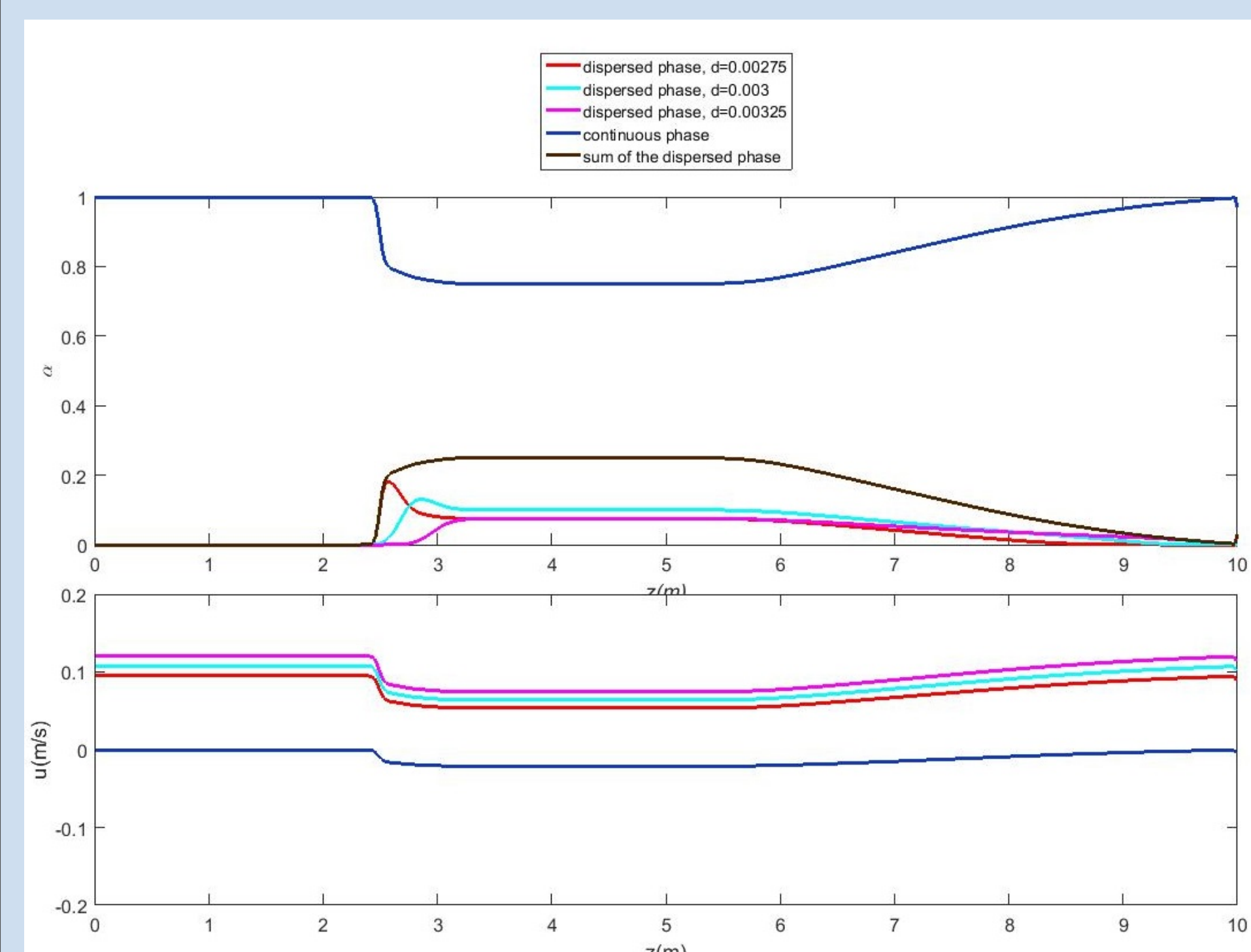
Ces équations découlent des équations de conservations de la quantité de mouvement et conservation de la masse.

### 1<sup>er</sup> modélisations et résultats

Jusqu'à maintenant, la modélisation considère une seule phase solide qui était constituée de particules solides toutes de même diamètre (diamètre moyen).

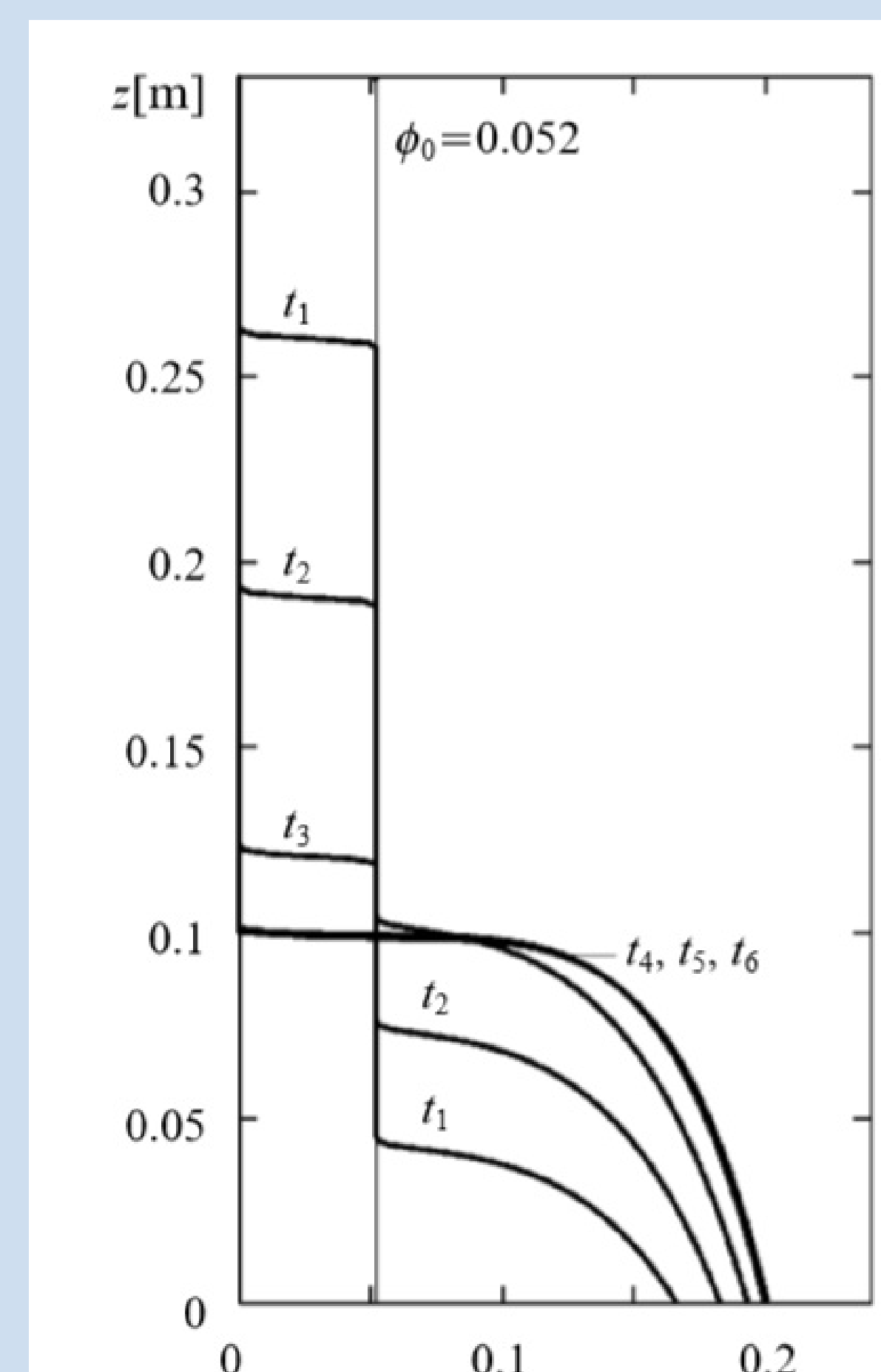


La première amélioration a été d'étendre le modèle à une multitude de phases solides



### Comparaison avec d'autres méthodes

Pour vérifier l'exactitude de notre méthode, il a fallu comparer avec d'autres méthodes décrites dans la littérature.



### algorithme de CFD

Afin de résoudre les équations, le programme utilise un algorithme de CFD: SIMPLE. Pour améliorer le programme, il a fallu chercher d'autres algorithmes : SIMPLER, SIMPLEC, PISO. De même, une nouvelle discrétisation a été mise au point pour améliorer la modélisation ainsi qu'une variante de SIMPLE. Résultat : SIMPLER est plus efficace, essentiellement en termes de temps de calcul (pas de comparaison avec la nouvelle discrétisation qui n'a pas pu être codée par souci de temps).